

# PROBLÈMES DE GÉOMÉTRIE M05

## EXERCICE N°1

[VOIR LE CORRIGÉ](#)

- 1) Soit  $ABC$  un triangle rectangle en  $A$ , tel que  $AC=8$  cm et  $\widehat{ABC}=35^\circ$ .  
Calculer les distances  $AB$  et  $BC$  en centimètres, arrondies au dixième.
- 2) En déduire une valeur approchée de l'aire du triangle  $ABC$  au  $\text{mm}^2$  près.

## EXERCICE N°2

[VOIR LE CORRIGÉ](#)

- Soit  $RST$  un triangle rectangle en  $R$  tel que  $RS=9$  cm et  $RT=7$  cm .
- Donner un encadrement au centième près de la mesure des angles  $\widehat{RST}$  et  $\widehat{RTS}$  .

## EXERCICE N°3

[VOIR LE CORRIGÉ](#)

- Soit  $RST$  un triangle rectangle en  $R$  et  $H$  le projeté orthogonal de  $R$  sur la droite  $(ST)$  . On donne  $\widehat{RTS}=50^\circ$  et  $ST=10$  cm .

Calculer  $RT$  ,  $RS$  et  $RH$  en centimètre arrondis au centième.

## EXERCICE N°4

[VOIR LE CORRIGÉ](#)

Dans un repère orthonormé, on donne  $A(-5 ; 10)$  ,  $B(-1 ; 13)$  et  $C(5 ; 5)$  .

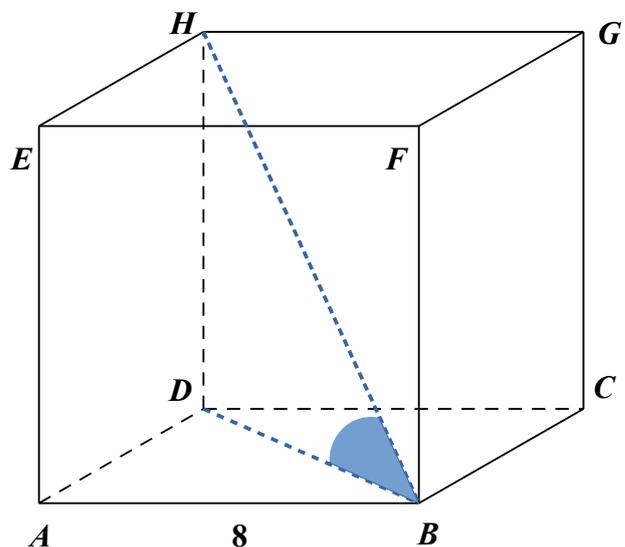
Déterminer la mesure de l'angle  $\widehat{ACB}$  en degré arrondie à 0,1 près.

## EXERCICE N°5

[VOIR LE CORRIGÉ](#)

$ABCDEFGH$  est un cube de côté 8.

- 1) Calculer la longueur  $DB$  (valeur exacte).
- 2) En déduire la mesure en degré de l'angle  $\widehat{DBH}$  arrondie à l'unité .





# PROBLÈMES DE GÉOMÉTRIE M05

## EXERCICE N°1

[RETOUR À L'EXERCICE I](#)

- 1) Soit  $ABC$  un triangle rectangle en  $A$ , tel que  $AC=8$  cm et  $\widehat{ABC}=35^\circ$ .  
Calculer les distances  $AB$  et  $BC$  en centimètres, arrondies au dixième.

Dans le triangle  $ABC$ , rectangle en  $A$ .  
D'une part,

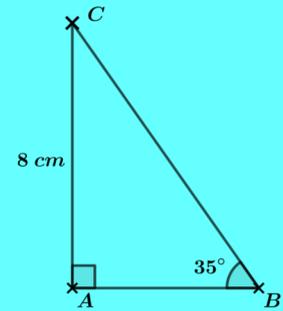
$$\text{On sait que : } \tan(\widehat{ABC}) = \frac{AC}{AB}$$

$$\text{Donc } AB = \frac{AC}{\tan(\widehat{ABC})} = \frac{8}{\tan(35^\circ)} \quad \text{Ainsi } \boxed{AB \approx 11,4 \text{ cm}}$$

Et d'autre part,

$$\text{On sait que : } \sin(\widehat{ABC}) = \frac{AC}{BC}$$

$$\text{Donc } BC = \frac{AC}{\sin(\widehat{ABC})} = \frac{8}{\sin(35^\circ)} \quad \text{Ainsi } \boxed{BC \approx 13,9 \text{ cm}}$$



Au brouillon, un dessin à « main levée »

On part de l'angle connu :  $\widehat{ABC}$ , le côté connu  $[AC]$  est alors le côté opposé (à  $\widehat{ABC}$ ).  
Pour  $AB$  :  $[AB]$  est le côté adjacent (à  $\widehat{ABC}$ ). On a donc « opposé » et « adjacent » par conséquent on choisit la formule de la tangente.  
Pour  $BC$  :  $[BC]$  est l'hypoténuse. On a donc « opposé » et « hypoténuse » par conséquent on choisit la formule du sinus.

Bien sûr, une fois que l'on connaît un deuxième côté, on peut être tenté d'utiliser le théorème de Pythagore. C'est rarement une bonne idée... (On utiliserait alors des valeurs approchées pour nos calculs alors que nous avons des valeurs exactes à disposition)

- 2) En déduire une valeur approchée de l'aire du triangle  $ABC$  au  $\text{mm}^2$  près.

$$A_{ABC} = \frac{AB \times AC}{2} \approx \frac{11,4 \times 8}{2}$$

$$\text{Ainsi } \boxed{A_{ABC} \approx 45,60 \text{ cm}^2 \text{ au mm}^2 \text{ près}}$$

Le 0 n'est pas obligatoire, il est là pour vous rappeler qu'il y a 100  $\text{mm}^2$  dans 1  $\text{cm}^2$  et que l'arrondi est donc à « 2 chiffres après la virgule ».

# PROBLÈMES DE GÉOMÉTRIE M05

## EXERCICE N°2

[RETOUR À L'EXERCICE 2](#)

Soit  $RST$  un triangle rectangle en  $R$  tel que  $RS=9$  cm et  $RT=7$  cm .

Donner un encadrement au centième près de la mesure des angles  $\widehat{RST}$  et  $\widehat{RTS}$  .

Dans le triangle  $RST$  , rectangle en  $R$  .

D'une part, on sait que :

$$\tan(\widehat{RST}) = \frac{RT}{RS} = \frac{7}{9}$$

$$\text{d'où } \widehat{RST} = \arctan\left(\frac{7}{9}\right) \approx 37,874$$

$$\text{Donc } \boxed{37,87 \leq \widehat{RST} < 37,88}$$

On devrait plutôt écrire  $37,870 \leq \text{Mes}(\widehat{RST}) < 37,88$

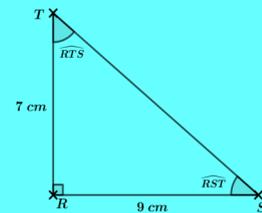
car on parle de la mesure de l'angle et non de l'angle lui même.

D'autre part, on sait que :

$$\tan(\widehat{RTS}) = \frac{RS}{RT} = \frac{9}{7}$$

$$\text{d'où } \widehat{RTS} = \arctan\left(\frac{9}{7}\right) \approx 52,125$$

$$\text{Donc } \boxed{52,12 \leq \widehat{RTS} < 52,13}$$



Au brouillon, un dessin à « main levée »

# PROBLÈMES DE GÉOMÉTRIE M05

## EXERCICE N°3

[RETOUR À L'EXERCICE 3](#)

Soit  $RST$  un triangle rectangle en  $R$  et  $H$  le projeté orthogonal de  $R$  sur la droite  $(ST)$ . On donne  $\widehat{RTS} = 50^\circ$  et  $ST = 10$  cm.

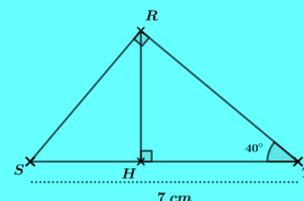
Calculer  $RT$ ,  $RS$  et  $RH$  en centimètre arrondis au centième.

▪ Dans le triangle  $RST$ , rectangle en  $R$ .  
Pourquoi ce triangle ? : Car il est rectangle et que l'on a **au moins deux** informations numériques sur lui.

– D'une part, on sait que :

$$\cos(\widehat{RTS}) = \frac{RT}{ST}$$

Pourquoi  $\cos$  ? : On connaît l'angle  $\widehat{RTS}$ , on connaît  $[ST]$  qui est l'hypoténuse du triangle rectangle choisi et on cherche la longueur de  $[RT]$  qui est le côté adjacent à  $\widehat{RTS}$ . La formule qui contient « adjacent » et « hypoténuse » est celle du cosinus ( $\cos$ ).



Au brouillon un dessin à « main levée ».

d'où  $RT = ST \times \cos(\widehat{RTS}) = 10 \cos(50) \approx 6,43$

Donc  $RT \approx 6,43$  cm à 0,01 près

– D'autre part, on sait que :

$$\sin(\widehat{RTS}) = \frac{RS}{ST}$$

d'où  $RS = ST \times \sin(\widehat{RTS}) = 10 \sin(50) \approx 7,66$

Donc  $RS \approx 7,66$  cm à 0,01 près

Pourquoi  $\sin$  ? : car  $[RS]$  est le côté opposé...

On pouvait aussi calculer la mesure de  $\widehat{RST}$  ( $90^\circ - 50^\circ = 40^\circ$ ) et utiliser  $\cos(\widehat{RST})$  ou s'amuser avec le théorème de Pythagore ou... tout ce qui pourrait permettre de trouver la réponse... Mais pourquoi faire compliqué quand on peut faire simple ?

▪ Dans le triangle  $RHT$ , rectangle en  $H$ .

Pourquoi ce triangle ? ... On cherche  $RH$  ... et maintenant, on a nos **deux** informations numériques :  $\widehat{RTH} = \widehat{RTS} = 50^\circ$  et  $RT = 10 \cos(50)$  (On préfère travailler avec une valeur exacte).

On sait que :

$$\sin(\widehat{RTH}) = \frac{RH}{RT}$$

On est dans le triangle  $RHT$  donc  $[RT]$  est l'hypoténuse et  $[RH]$  est le côté opposé à  $\widehat{RTH}$  ...

d'où  $RH = RT \times \sin(\widehat{RTH}) = 10 \times \cos(50) \times \sin(50) \approx 4,92$

Donc  $RH \approx 4,92$  cm à 0,01 près

# PROBLÈMES DE GÉOMÉTRIE M05

## EXERCICE N°4

[RETOUR À L'EXERCICE 4](#)

Dans un repère orthonormé, on donne  $A(-5 ; 10)$  ,  $B(-1 ; 13)$  et  $C(5 ; 5)$  .

Déterminer la mesure de l'angle  $\widehat{ACB}$  en degré arrondie à 0,1 près.

On va utiliser la trigonométrie bien sûr !

Attention ! On ne sait pas que le triangle est rectangle !

Ok, donc on commence ça...

Commençons par calculer les carrés des longueurs des côtés du triangle  $ABC$  .

$$AB^2 = (x_B - x_A)^2 + (y_B - y_A)^2 = (-1 - (-5))^2 + (13 - 10)^2 = 4^2 + 3^2 = 16 + 9 = 25$$

$$AC^2 = (x_C - x_A)^2 + (y_C - y_A)^2 = (5 - (-5))^2 + (5 - 10)^2 = 10^2 + (-5)^2 = 100 + 25 = 125$$

$$BC^2 = (x_C - x_B)^2 + (y_C - y_B)^2 = (5 - (-1))^2 + (5 - 13)^2 = 6^2 + (-8)^2 = 36 + 64 = 100$$

On constate que  $BC^2 = AB^2 + AC^2$

Donc le triangle  $ABC$  est rectangle en  $B$  .

On a notre triangle rectangle, on va pouvoir choisir notre formule...

On cherche la mesure de l'angle  $\widehat{ACB}$  et on connaît les trois côtés, on a donc le choix...

Néanmoins :  $AB^2 = 25$  donc  $AB = 5$  et  $BC^2 = 100$  donc  $BC = 10$

alors que  $AC^2 = 125$  donc  $AC = \sqrt{125} \approx 11, \dots$

On a tout intérêt à utiliser  $AC$  et  $BC$

Par rapport à  $\widehat{ACB}$  ,  $[BC]$  est le côté adjacent et  $[AC]$  est le côté opposé.

On choisit donc la tangente (tan)

On a alors :

$$\tan(\widehat{ACB}) = \frac{AB}{BC} = \frac{5}{10} = \frac{1}{2}$$

Donc  $\widehat{ACB} = \arctan\left(\frac{1}{2}\right) \approx 26,6$

Ainsi  $\widehat{ACB} \approx 26,6^\circ$  à  $0,1^\circ$  près

# PROBLÈMES DE GÉOMÉTRIE M05

## EXERCICE N°5

[RETOUR À L'EXERCICE 5](#)

$ABCDEFGH$  est un cube de côté 8.

1) Calculer la longueur  $DB$  (valeur exacte).

Plaçons nous dans le plan  $(ABC)$  (qui contient le carré  $ABCD$ )

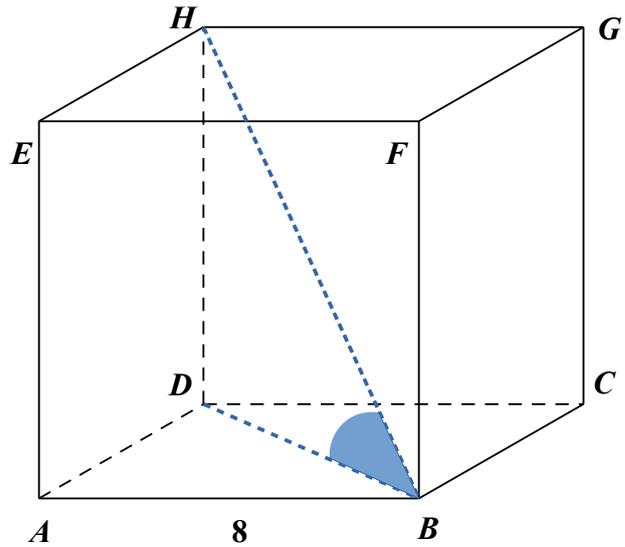
Dans le triangle  $ADB$ , rectangle en  $A$ .  
On peut appliquer le théorème de Pythagore pour obtenir :

$$DB^2 = AD^2 + AB^2 = \underbrace{2AB^2}_{\text{car } AD=AB}$$

ainsi :

$$DB = \sqrt{2 \times AB^2} = \sqrt{2} \times \sqrt{AB^2} = \sqrt{2} \times AB$$

2) En déduire la mesure en degré de l'angle  $\widehat{DBH}$  arrondie à l'unité.



Plaçons nous, cette fois, dans le plan  $(DBH)$  qui contient le triangle  $DBH$ .

Dans le triangle  $DBH$ , rectangle en  $D$ .

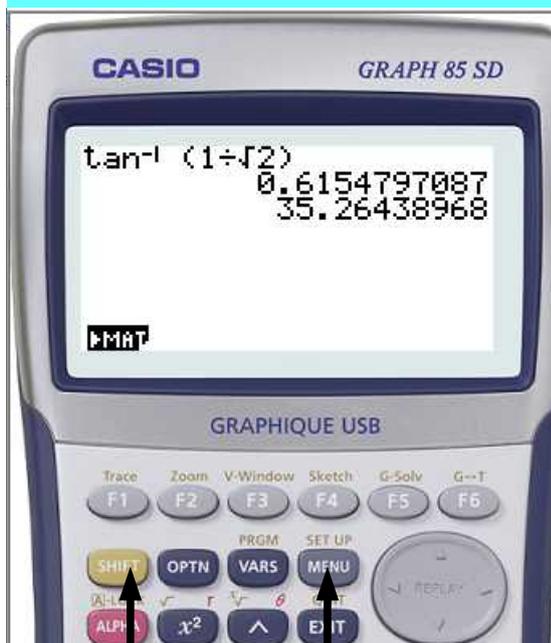
On sait que :

$$\tan(\widehat{DBH}) = \frac{HD}{DB} = \frac{8}{8\sqrt{2}} = \frac{1}{\sqrt{2}}$$

On en déduit que :

$$\widehat{DBH} = \arctan\left(\frac{1}{\sqrt{2}}\right) \approx 35^\circ \text{ à } 1^\circ \text{ près}$$

Si vous obtenez  $\approx 0,6154\dots$  c'est que votre calculatrice est en mode radian  
Pour passer en en mode degré.



1

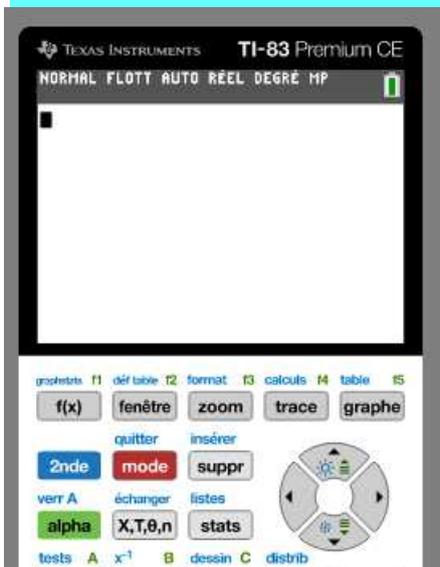
2



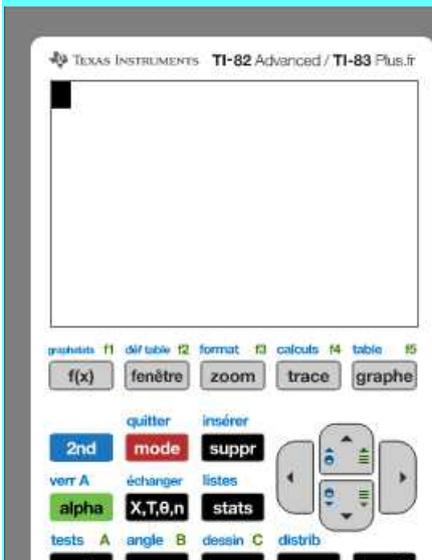
3



*cliquer sur  
l'image pour  
accéder à la  
vidéo*



Historique des touches



Historique des touches

